

Reálné funkce jedné reálné proměnné

		$D(f)$	$H(f)$	pozn.	graf funkce f	$D(f')$	derivace f'	
mocinná funkce s celým exponentem	$f: y = x^0$	$\mathbf{R} \setminus \{0\}$	$\{1\}$	sudá		$\mathbf{R} \setminus \{0\}$	$f'(x) = 0$	
	$f: y = x^n$	$n \in \mathbf{N}$	\mathbf{R}	$(0, +\infty)$		sudá	\mathbf{R}	$f'(x) = nx^{n-1}$
		n liché	\mathbf{R}	\mathbf{R}		lichá	\mathbf{R}	
	$f: y = x^{-n}$	$n \in \mathbf{N}$	$\mathbf{R} \setminus \{0\}$	$(0, +\infty)$	sudá	$\mathbf{R} \setminus \{0\}$	$f'(x) = -nx^{-n-1}$	
		n liché	$\mathbf{R} \setminus \{0\}$	$\mathbf{R} \setminus \{0\}$	lichá	$\mathbf{R} \setminus \{0\}$		
n-tá odmocnina	$f: y = \sqrt[n]{x}$	$n \in \mathbf{N}$	$(0, +\infty)$	$(0, +\infty)$		$(0, +\infty)$	$f'(x) = \frac{1}{n}x^{\frac{1}{n}-1}$	
		n liché	\mathbf{R}	\mathbf{R}		lichá	$\mathbf{R} \setminus \{0\}$	
mocinná funkce s obecným exponentem	$f: y = x^{\frac{m}{n}}$	$m, n \in \mathbf{N}$	\mathbf{R}	$(0, +\infty)$	sudá		$\mathbf{R} \setminus \{0\}$	$f'(x) = \frac{m}{n}x^{\frac{m}{n}-1}$
		m liché	\mathbf{R}	\mathbf{R}	lichá		$\mathbf{R} \setminus \{0\}$	$(\mathbf{R} \text{ pro } m \geq n)$
		$(0, +\infty)$	$(0, +\infty)$			$(0, +\infty)$		
	$f: y = x^{-\frac{m}{n}}$	$m, n \in \mathbf{N}$	$\mathbf{R} \setminus \{0\}$	$(0, +\infty)$	sudá		$\mathbf{R} \setminus \{0\}$	$f'(x) = -\frac{m}{n}x^{-\frac{m}{n}-1}$
	m liché	$\mathbf{R} \setminus \{0\}$	$\mathbf{R} \setminus \{0\}$	lichá	$\mathbf{R} \setminus \{0\}$			
	$(0, +\infty)$	$(0, +\infty)$			$(0, +\infty)$			
$f: y = x^a$	$a \in \mathbf{R} \setminus \mathbf{Q}$	$a > 0$	$(0, +\infty)$	$(0, +\infty)$		$(0, +\infty)$	$f'(x) = ax^{a-1}$	
	$a < 0$	$(0, +\infty)$	$(0, +\infty)$			$(0, +\infty)$		
$f: y = q$	 $k > 0$ $k = 0$ $k < 0$	\mathbf{R}	$\{q\}$			\mathbf{R}	$f'(x) = 0$	
$f: y = kx + q$	$k \neq 0$	\mathbf{R}	\mathbf{R}			\mathbf{R}	$f'(x) = k$	
$f: y = ax^2 + bx + c$		\mathbf{R}				\mathbf{R}	$f'(x) = 2ax + b$	
$f: y = \frac{ax + b}{cx + d}$	$c \neq 0$ $bc - ad \neq 0$	$\mathbf{R} \setminus \{-\frac{d}{c}\}$	$\mathbf{R} \setminus \{\frac{a}{c}\}$			$\mathbf{R} \setminus \{-\frac{d}{c}\}$	$f'(x) = \frac{ad - bc}{(cx + d)^2}$	
$f: y = \operatorname{sgn} x$	$= \begin{cases} 1, & x > 0, \\ 0, & x = 0, \\ -1, & x < 0. \end{cases}$	\mathbf{R}	$\{-1, 0, 1\}$	lichá				
$f: y = x $	$= \begin{cases} x, & x \geq 0, \\ -x, & x < 0. \end{cases}$	\mathbf{R}	$(0, +\infty)$	sudá				
$f: y = [x]$		\mathbf{R}	\mathbf{Z}	lichá				

$$f(x)^{g(x)} = e^{g(x) \ln f(x)}$$

Reálné funkce jedné reálné proměnné

transcendentní funkce	$D(f)$	$H(f)$	pozn.	graf funkce f	$D(f')$	derivace f'
<p>exponenciální funkce</p> <p>$f: y = a^x, a > 0, a \neq 1$</p> <p>$f: y = e^x$</p> <p>$e \doteq 2,718281828$</p>	\mathbf{R}	$(0, +\infty)$			\mathbf{R}	$f'(x) = a^x \ln a$ $f'(x) = e^x$
<p>logaritmická funkce</p> <p>$f: y = \log_a x, a > 0, a \neq 1$</p> <p>$f: y = \log_e x = \ln x$</p> <p>$f: y = \log_{10} x = \log x$</p>	$(0, +\infty)$	\mathbf{R}			$(0, +\infty)$	$f'(x) = \frac{1}{x \ln a}$ $f'(x) = \frac{1}{x}$ $f'(x) = \frac{1}{x \ln 10}$
<p>goniometrické funkce</p> <p>$f: y = \sin x$</p> <p>$f: y = \cos x$</p> <p>$f: y = \operatorname{tg} x = \frac{\sin x}{\cos x}$</p> <p>$f: y = \operatorname{cotg} x = \frac{\cos x}{\sin x}$</p>	\mathbf{R}	$\langle -1, 1 \rangle$	<p>period. $T = 2\pi$ lichá</p> <p>period. $T = 2\pi$ sudá</p> <p>period. $T = \pi$ lichá</p> <p>period. $T = \pi$ lichá</p>		\mathbf{R}	$f'(x) = \cos x$ $f'(x) = -\sin x$ $f'(x) = \frac{1}{\cos^2 x}$ $f'(x) = \frac{-1}{\sin^2 x}$
<p>cyklometrické funkce</p> <p>$f: y = \arcsin x$</p> <p>$f: y = \arccos x$</p> <p>$f: y = \operatorname{arctg} x$</p> <p>$f: y = \operatorname{arccotg} x$</p>	$\langle -1, 1 \rangle$	$\langle -\frac{\pi}{2}, \frac{\pi}{2} \rangle$	lichá		$(-1, 1)$	$f'(x) = \frac{1}{\sqrt{1-x^2}}$ $f'(x) = \frac{-1}{\sqrt{1-x^2}}$ $f'(x) = \frac{1}{1+x^2}$ $f'(x) = \frac{-1}{1+x^2}$
<p>hyperbolické funkce</p> <p>$f: y = \sinh x = \frac{e^x - e^{-x}}{2}$</p> <p>$f: y = \cosh x = \frac{e^x + e^{-x}}{2}$</p> <p>$f: y = \operatorname{tgh} x = \frac{\sinh x}{\cosh x}$</p> <p>$f: y = \operatorname{cotgh} x = \frac{\cosh x}{\sinh x}$</p>	\mathbf{R}	\mathbf{R}	lichá		\mathbf{R}	$f'(x) = \cosh x$ $f'(x) = \sinh x$ $f'(x) = \frac{1}{\cosh^2 x}$ $f'(x) = \frac{-1}{\sinh^2 x}$
<p>hyperbolometrické funkce</p> <p>$f: y = \operatorname{argsinh} x$</p> <p>$f: y = \operatorname{argcosh} x$</p> <p>$f: y = \operatorname{argtgh} x$</p> <p>$f: y = \operatorname{argcotgh} x$</p>	\mathbf{R}	\mathbf{R}	lichá		\mathbf{R}	$f'(x) = \frac{1}{\sqrt{1+x^2}}$ $f'(x) = \frac{1}{\sqrt{x^2-1}}$ $f'(x) = \frac{1}{1-x^2}$ $f'(x) = \frac{1}{1-x^2}$